

**Министерство образования и науки Российской Федерации
Санкт-Петербургский национальный исследовательский
университет информационных технологий,
механики и оптики**

**Студенческая математическая олимпиада
Северо-Запада России
2012г.**



Санкт-Петербург

2012

В 2012 г. студенческая олимпиада Северо-Запада России по математике проводилась Санкт-Петербургским национальным исследовательским университетом информационных технологий, механики и оптики (НИУ ИТМО). Каждый вуз мог выставить одну команду из трех человек (в командный зачет входили все участники команды) и студентов в личный зачет. В личном зачете участвовали все заявленные студенты. Результат вуза в командном зачете определялся по результату его команды.

Олимпиада проводилась в воскресенье 15 апреля 2012 года. На решение задач отводилось 4 часа. Пользоваться справочной литературой не разрешалось. Студентам всех групп было предложено 12 задач.

Председателем жюри был профессор СПбГУ Н.А. Широков. В оргкомитет олимпиады входили: ректор НИУ ИТМО, проф., д.т.н. Васильев В.Н., проф., д.ф.-м.н Попов И.Ю., доц., к.ф.-м.н. Фролов В.М., асс. Трифанов А.И., доц. Блинова И.В., доц. Трифанова Е.С.

Составители: проф., д.ф.-м.н. Н.А. Широков, проф., д.ф.-м.н. Попов И.Ю., доц.: к.ф.-м.н. Фролов В.М., к.ф.-м.н. Рыжков А.Е., к.ф.-м.н. Трифанова Е.В., к.т.н. Блинова И.В., ст. преп. Родина Т.В., асс.: Трифанов А.И., Петтай П.П.

**Задачи студенческой математической олимпиады Северо-Запада России
15 апреля 2012 года**

1. Непрерывная на R функция f такова, что для любого $x \in R$ функция $f(f(x))$ дифференцируема. Следует ли отсюда, что $f(x)$ дифференцируема на R ? (3 балла)

2. Найти расстояние между графиками функций $y = e^{2012x}$ и $y = \frac{1}{2012} \ln x$. (3 балла)

3. L_1 и L_2 - линии пересечения поверхности $x^2 + y^2 = 1$, соответственно, с поверхностями $z = 0$ и $z = (x-1)^2 + y^2$. Заданы точка $A_1(1,0,0)$, плоскость S и последовательность замкнутых ломаных $M_{2n} = A_1A_2A_3 \dots A_{2n}A_1$, ($A_{2k} \in L_2$, $A_{2k+1} \in L_1$) такая, что для любого n плоскость S пересекает все звенья M_{2n} во внутренних точках (не вершинах): A_1A_2 в точке B_1 , A_2A_3 в точке B_2 , ... $A_{2n}A_1$ в точке B_{2n} .

Найти $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{A_1B_1 \cdot A_2B_2 \cdot A_3B_3 \cdot \dots \cdot A_{2n}B_{2n}}{B_1A_2 \cdot B_2A_3 \cdot B_3A_4 \cdot \dots \cdot B_{2n}A_1}$. (3 балла)

4. График функции $y = x^4 + ax^3 + bx + c$ касается оси Ox только в двух точках, причем $y(0) = 4$, $y'(0) = 8$. Найти a, b, c и точки экстремума функции. (3 балла)

5. Доказать, что ортогональная проекция любого эллипсоида на любую плоскость есть эллипс. (6 баллов)

6. Доказать, что координаты любой точки $M(x, y, z)$ кривой $\begin{cases} x^2 + y^2 = 4 \\ y^2 + z^2 = 4 \end{cases}$ удовлетворяют

неравенству $y^3 - xz^2 \leq 8$. Достигается ли равенство? (6 баллов)

7. Пусть для некоторых матриц V, X размера $n \times n$ справедливо равенство $VX = 2V + PV$, где у матрицы P элемент $p_{11} = 1$, а остальные равны 0, и $\det V \neq 0$. Имеет ли обратную матрица $C = X^2 - 5X + 6E$, где E - единичная матрица? (6 баллов)

8. Найти n из уравнения $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 + \sin x)(1 + \sin 5x) \dots (1 + \sin(4n-3)x) - 1}{\arctg x + \arctg 2x + \dots + \arctg nx} = 3$ (6 баллов)

9. Пусть f - дважды дифференцируемая вещественная функция, удовлетворяющая уравнению

$$f(x) + f''(x) = -xg(x)f'(x),$$

где $g(x) \geq 0$ для всех $x \in R$. Доказать, что $|f(x)|$ - ограничена. (9 баллов)

10. Сходится ли интеграл $\int_0^{\infty} \sin x \sin(x^2) dx$? (9 баллов)

11. Пусть S - линейное подпространство в вещественном пространстве $C[0,1]$, $M > 0$.

Известно, что для любой функции $f \in S$ выполнено неравенство: $\max_{x \in [0,1]} |f(x)| \leq M \sqrt{\int_0^1 f^2(x) dx}$.

Доказать, что $\dim S \leq M^2$. (9 баллов)

12. Пусть n - целое, $n \geq 3$, $\theta = \frac{2\pi}{n}$. Вычислить определитель $n \times n$ матрицы $E + A$, где $A = \{a_{kj}\}$, $a_{kj} = \cos(j\theta + k\theta)$ для всех j, k . (9 баллов)

Количество участников, решивших задачи (определено по формуле: полная сумма набранных всеми участниками баллов за задачу, деленная на стоимость задачи).

№ задачи	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
Кол-во решивших	21	33	4	31	25	46	34	47	8	5	2	2

Решения задач.

1. Нет. Пример: $f(x) = \begin{cases} -x, & x \geq 0 \\ -2x, & x < 0 \end{cases}$. $f(f(x)) = 2x$ - дифференцируема, но $f(x)$ - не дифференцируема в нуле.

2. Данные графики расположены симметрично относительно прямой $y = x$, поэтому расстояние между ними равно удвоенному минимуму расстояния от точек одного их них, например $y = e^{2012x}$, до прямой $y = x$, т.е. $\sqrt{2} \min_{x \in R} |e^{2012x} - x|$. Легко видеть, что $e^{2012x} > x$ для всех $x \in R$. Минимум $e^{2012x} - x$ достигается в точке $x_0 = -\frac{1}{2012} \ln(2012)$ и равен $\frac{1 + \ln 2012}{2012}$.

Ответ: $\sqrt{2} \frac{1 + \ln 2012}{2012}$.

3. Пусть h_1, h_2, \dots, h_{2n} - расстояние от точек A_1, \dots, A_{2n} до S . Тогда выражение под знаком предела равно (из подобия треугольников)

$$\frac{h_1}{h_2} \cdot \frac{h_2}{h_3} \cdot \frac{h_3}{h_4} \cdot \dots \cdot \frac{h_{2n-1}}{h_{2n}} \cdot \frac{h_{2n}}{h_1} = 1. \text{ Ответ: } 1.$$

4. Пусть x_1, x_2 - точки касания, $y(x)$ представима в виде $y = (x - x_1)^2 (x - x_2)^2$. Из условий в нуле $b = 8, c = 4$. Учитывая вид функции, находим $x_{1,2} = 1 \pm \sqrt{3}, a = -4$. Экстремумы: x_1, x_2 - min очевидно. $y' = (x - x_1)(x - x_2)(2x - 2x_1 + 2x - 2x_2) = 0$. $x = \frac{x_1 + x_2}{2}$ - max.

5. Выберем систему координат так, чтобы эллипсоид проектировался на плоскость OXY . Пусть уравнение эллипсоида

$$Az^2 + L(x, y)z + Q(x, y) = 0 \quad (*)$$

где $A \in R, L$ - линейный и Q - квадратный многочлены от x и y . Если $A = 0$, то проекция эллипсоида есть множество тех точек x, y , для которых уравнение $L(x, y)z + Q(x, y) = 0$ разрешимо относительно z . Это множество не ограничено, что невозможно. Мы воспользовались тем, что $L(x, y) \neq 0$, в противном случае уравнение эллипсоида имело бы вид $Q(x, y) = 0$, что не описывает эллипсоид. Значит $A \neq 0$ и точка (x, y) лежит в проекции эллипсоида, т.е. уравнение (*) разрешимо относительно z тогда и только тогда, когда $\Delta(x, y) \equiv (L(x, y))^2 - 4AQ(x, y) \geq 0$. $\Delta(x, y)$ есть многочлен второй степени от x и y . Из условия ограниченности проекции получаем, что множество точек (x, y) , для которых $\Delta(x, y) \geq 0$, ограничено эллипсом.

6. Рассмотрим векторы $(0, -y, z), (y, x, 0), (z, 0, y)$, где (x, y, z) - координаты точки кривой. Тогда длины векторов равны 2. Определитель не превосходит произведения длин векторов,

т.е. 8. Равенство достигается ($x = -2, y = 0, z = 2$). $y^3 - xz^2 = \begin{vmatrix} 0 & -y & z \\ y & x & 0 \\ z & 0 & y \end{vmatrix}$.

7. $\det V \neq 0 \Rightarrow \exists V^{-1}$. Тогда $X = 2E + V^{-1}PE$,

$$C = X^2 - 5X + 6E = (X - 2E)(X - 3E) = V^{-1}PV(V^{-1}PV - E) = V^{-1}(P^2 - P)V = 0$$

т.е. C^{-1} не существует.

8. По правилу Лопиталья предел равен $\frac{1+5+\dots+(4n-3)}{1+2+\dots+n} = \frac{\frac{1+4n-3}{2} \cdot n}{\frac{(n+1)n}{2}} = \frac{4n-2}{n+1} = 3 \Rightarrow n = 5$.

9. Умножим обе части уравнения на $2f'(x)$: $2f(x)f'(x) + 2f'(x)f''(x) = -2xg(x)(f'(x))^2$.

Левая часть есть производная от $(f(x))^2 + (f'(x))^2$, тогда как правая часть неотрицательна для $x < 0$ и не положительна для $x > 0$. Поэтому $(f(x))^2 + (f'(x))^2$ возрастает до своего максимума при $x = 0$ и уменьшается правее нуля. В частности, она ограничена, поэтому $f(x)$ и $f'(x)$ ограничены.

10. Сходимость интеграла не меняется, если заменить нижний предел на 1. Проинтегрируем по частям:

$$\int_1^B \sin x \sin(x^2) dx = \int_1^B \frac{\sin x}{2x} \sin(x^2) (2x dx) = -\frac{\sin x}{2x} \cos x^2 \Big|_1^B + \int_1^B \left(\frac{\cos x}{2x} - \frac{\sin x}{2x^2} \right) \cos x^2 dx.$$

$$\frac{\sin B}{2B} \cos B^2 \xrightarrow{B \rightarrow \infty} 0, \quad \int_1^{\infty} \frac{\sin x}{2x^2} \cos(x^2) dx \text{ сходится абсолютно по признаку сравнения с } \int_1^{\infty} \frac{1}{x^2} dx.$$

Остается рассмотреть

$$\int_1^B \frac{\cos x}{2x} \cos x^2 dx = \int_1^B \frac{\cos x}{4x^2} \cos x^2 (2x dx) = \frac{\cos x}{4x^2} \sin x^2 \Big|_1^B - \int_1^B \frac{-2 \cos x - x \sin x}{4x^3} \sin x^2 dx.$$

$$\frac{\cos B}{4B^2} \sin B^2 \xrightarrow{B \rightarrow \infty} 0, \text{ а последний интеграл сходится абсолютно (при } B \rightarrow \infty) \text{ по признаку}$$

сравнения с $\int_1^{\infty} \frac{1}{x^2} dx$. Ответ: интеграл сходится.

11. Допустим, что в S найдется n линейно независимых функций. Можно считать, они образуют ортонормированную систему в $L_2(0,1)$. В противном случае можно провести ортогонализацию.

$$\text{Итак, пусть } f_1, f_2, \dots, f_n \in S, \text{ причем } \int_0^1 (f_k(x))^2 dx = 1, \int_0^1 f_k(x) f_m(x) dx = 0, \forall k \neq m.$$

Тогда для любых a_1, a_2, \dots, a_n имеем $\|a_1 f_1 + \dots + a_n f_n\|_{L_2}^2 = a_1^2 + \dots + a_n^2$. Из условия следует

$$\|a_1 f_1 + \dots + a_n f_n\|_C^2 \leq M^2 (a_1^2 + \dots + a_n^2), \text{ или для } \forall x \in [0,1]:$$

$$|a_1 f_1(x) + \dots + a_n f_n(x)| < M \sqrt{a_1^2 + \dots + a_n^2}. \text{ Возьмем произвольное } x \in [0,1] \text{ и выберем } a_i = f_i(x).$$

$$\text{Тогда получим, что } \forall x \in [0,1]: (f_1(x))^2 + \dots + (f_n(x))^2 \leq M \sqrt{(f_1(x))^2 + \dots + (f_n(x))^2},$$

$$\text{откуда } \sqrt{(f_1(x))^2 + \dots + (f_n(x))^2} \leq M \cdot (f_1(x))^2 + \dots + (f_n(x))^2 \leq M^2.$$

Интегрируя это неравенство по отрезку $[0,1]$, найдем $n \leq M^2$, что требовалось доказать.

12. (I способ) Найдем определитель $E+A$, вычислив все его собственные числа. Собственные числа $E+A$ получаются добавлением 1 к каждому из собственных значений

A . Найдем их. Покажем, что собственные числа A - это $\frac{n}{2}, -\frac{n}{2}, 0, \dots, 0$, где 0 имеет

кратность $n-2$. Чтобы доказать это, введем векторы $V^{(m)}, 0 \leq m \leq n-1$, с компонентами

$$(V^{(m)})_k = e^{ikm\theta} \text{ (где } \theta = \frac{2\pi}{n}). \text{ Если мы образуем матрицу из } V^{(m)}, \text{ ее определитель будет}$$

определителем Вандермонда и, следовательно, ненулевым. Значит, $V^{(m)}$ образуют базис в

C^n . Так как $\cos z = \frac{e^{iz} + e^{-iz}}{2}$ для любого z ,

$$(AV^{(m)})_j = \sum_{k=1}^n \cos(j\theta + k\theta) e^{ikm\theta} = \frac{e^{ij\theta}}{2} \sum_{k=1}^n e^{ik(m+1)\theta} + \frac{e^{-ij\theta}}{2} \sum_{k=1}^n e^{ik(m-1)\theta}.$$

Поскольку $\sum_{k=1}^n e^{ikl\theta} = 0$, если $l \neq 0, l \neq n$, получаем $AV^{(m)} = 0$ для $m=0$, и $2 \leq m \leq n-2$ (т.е. в $n-2$ случаях). Кроме того, $(AV^{(1)})_j = \frac{n}{2} e^{-ij\theta} = \frac{n}{2} (V^{(n-1)})_j$ и $(AV^{(n-1)})_j = \frac{n}{2} e^{ij\theta} = \frac{n}{2} (V^{(1)})_j$.

Поэтому $A(V^{(1)} \pm V^{(n-1)}) = \frac{n}{2} (V^{(1)} \pm V^{(n-1)})$. Таким образом,

$\{V^{(0)}, V^{(2)}, V^{(3)}, \dots, V^{(n-2)}, V^{(1)} + V^{(n-1)}, V^{(1)} - V^{(n-1)}\}$ образуют базис в C^n из собственных векторов A с требуемыми собственными значениями. Определитель $E + A$ есть произведение всех $(1 + \lambda)$, где λ пробегает все собственные числа A , то есть

$$\det(E + A) = \left(1 + \frac{n}{2}\right) \left(1 - \frac{n}{2}\right) (1+0) \dots (1+0) = 1 - \frac{n^2}{4}.$$

II способ (предложен Е.Д. Капуном) Рассмотрим в матрице три строки с номерами k_1, k_2, k_3 . Тогда $a_{k_i, j} = \cos((k_i + j)\theta) = \cos(k_i\theta)\cos(j\theta) - \sin(k_i\theta)\sin(j\theta)$, $i = 1, 2, 3$. $a_{k_i, j}$ - линейная комбинация $\cos(j\theta)$, $\sin(j\theta)$ с коэффициентами, независимыми от j , поэтому любые три строки в A линейно зависимы. Тогда

$$\begin{aligned} \det(E + A) &= \det E + \sum_k \det \begin{pmatrix} 1 & \dots & 0 \\ 0 & 1 & \\ a_{k1} & \dots & a_{kn} \\ & & 1 & 0 \\ & 0 & \dots & 1 \end{pmatrix} + \sum_{k < m} \det \begin{pmatrix} 1 & \dots & 0 \\ 0 & 1 & \\ a_{k1} & \dots & a_{kn} \\ \dots & \dots & \dots \\ a_{m1} & \dots & a_{mn} \\ & & & 1 & 0 \\ 0 & \dots & 0 & 1 \end{pmatrix} = \\ &= 1 + \sum_k a_{kk} + \sum_{k < m} (a_{kk}a_{mm} - a_{km}a_{mk}) = 1 + \sum_k \cos(2k\theta) + \sum_{1 \leq k < m \leq n} (\cos(2k\theta)\cos(2m\theta) - \cos^2((k+m)\theta)) = \\ &= 1 + 0 + \frac{1}{2} \sum_{k, m=1}^n \frac{\cos(2\theta(k-m)) - 1}{2} - \frac{1}{2} \sum_{k=1}^n \frac{\cos(2\theta \cdot 0) - 1}{2} = 1 + 0 + \frac{1}{2} \cdot \left(-\frac{n^2}{2}\right) - 0 = 1 - \frac{n^2}{4}. \end{aligned}$$

**Ранжированный список команд вузов
участников студенческой олимпиады Северо-Запада России
по математике 2012 года.**

	ВУЗ ФИО участника	ВЕС задачи / номер задачи												Сумма баллов		Место
		3	3	3	3	6	6	6	6	6	9	9	9	участ- ника	коман- ды	
		1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12			
Санкт-Петербургский государственный университет информационных технологий, механики и оптики (ИТМО)																
1	Капун Евгений Дмитриевич	3	3	0	3	6	6	6	6	9	0	1	9	52	121	1
2	Баннх Антон Геннадьевич	0	3	0	3	0	2	6	6	5	4,5	0	2	31,5		
3	Кевер Михаил Еневич	3	2,5	0	2	0	6	6	6	0	3	9	0	37,5		

Санкт-Петербургский академический физико-технологический университет РАН (АФТУ)																
1	Краско Евгений Сергеевич	3	3	0	0	6	5	6	3	6	0	0	0	32	104	2
2	Туманов Александр Германович	3	3	0	3	6	6	5	6	9	1	0	2	44		
3	Иванов Антон Константинович	2,5	2,5	1	3	6	6	0	6	1	0	0	0	28		
Санкт-Петербургский государственный университет (Физический факультет) (СПбГУ(Ф))																
1	Куликов Анатолий Борисович	3	0	0	2,8	6	6	0	6	4,5	0	0	0	28,3	91,3	3
2	Рядовкин Кирилл Сергеевич	3	3	0	1	4	6	2	6	0	0	0	0	25		
3	Прохоров Андрей Олегович	0	3	0	1	1	6	6	3	9	9	0	0	38		
Санкт-Петербургский государственный университет (экономический факультет) (СПбГУ(Э))																
1	Викулаев Павел Сергеевич	1	3	0	2,8	0	6	6	6	9	0	0	0	33,8	94,5	4
2	Горохова Евгения Андреевна	3	0,5	0	3	0	6	0	0	0	0	0	0	12,5		
3	Фадеев Евгений Сергеевич	3	2,5	0	3	0	6	6	6	0	0	0	2	28,5		
Санкт-Петербургский государственный университет (факультет ПМ-ПУ) (ПМПУ)																
1	Миронов Борис Дмитриевич	0	3	1	0,5	6	6	6	6	0	0	0	2	30,5	61	5
2	Волошин Михаил Витальевич	0	3	0	0	6	6	0	6	0	0	0	0	21		
3	Портнягина Елизавета Юрьевна	0	0	1	0,5	0	2	6	0	0	0	0	0	9,5		
от Обнинского института атомной энергетики- филиала Национального исследовательского ядерного университета "МИФИ" (МИФИ)																
1	Светличный Леонид Игоревич	0	0	0	0	0	6	6	4	4	0	0	0	20	60,5	6
2	Чистяков Илья Сергеевич	0	1	0	0,5	0	3	0	6	0	0	0	0	10,5		
3	Куок Тьонг Чан	0	3	0	3	6	6	6	6	0	0	0	0	30		
Санкт-Петербургский государственный политехнический университет (ГПУ)																
1	Авдеев Иван Дмитриевич	3	1,5	0	0	0	6	6	6	0	0	0	0	22,5	46,5	7
2	Геллер Марк Аркадьевич	0	0	0	0,5	0	6	0	0	1	0	0	0	7,5		
3	Свиткин Максим Маркович	3	0	0	0,5	0	6	0	6	0	1	0	0	16,5		
Национальный исследовательский университет «МИЭТ» (МИЭТ)																
1	Бундин Дмитрий Александрович	0	3	0	0	0	6	0	2	3	0	0	0	14	45,5	8
2	Шубин Николай Михайлович	0	2,5	3	0,5	0	6	6	6	0	0	0	0	24		
3	Стрелков Иван Владимирович	0	1,5	0	0	0	0	0	6	0	0	0	0	7,5		
Военно-космическая академия им. А.Ф.Можайского (ВКА)																
1	Гурьев Ефим Сергеевич	0	3	0	0,8	0	5	0	0	0	0,5	0	0	9,3	43,3	9
2	Сахно Дмитрий Игоревич	0	3	0	3	4	0	0	6	0	3	0	0	19		

3	Сахо Виктор Игоревич	0	3	0	3	0	0	1	6	1	1	0	0	15		
Балтийский государственный технический университет «ВоенМех» им. Д.Ф.Устинова (БГТУ)																
1	Егоров Александр Викторович	0	2	0	0,5	0	6	0	6	0	0	0	0	14,5	32	10
2	Шепотько Антон Сергеевич	0	3	0	0,5	3	0	0	0	0	0	0	0	6,5		
3	Лебедев Дмитрий Сергеевич	1	0,5	0	0,5	3	0	0	6	0	0	0	0	11		
Санкт-Петербургский государственный технологический институт (технический университет)(ТИ)																
1	Мамин Владислав Шамилевич	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	30,5	11
2	Волков Иван Юрьевич	0	0	1	0	0	6	0	0	0	0	0	0	7		
3	Демидов Иван Викторович	0	2,5	0	0	6	4	6	2	0	1	2	0	23,5		
Военно-морской инженерный институт (филиал ВМА им. Кузнецова, г.Пушкин) (ВМИИ)																
1	Яковлев Евгений Владимирович	0	3	0	0	0	1	0	6	0	0	0	0	10	26,5	12
2	Сергеев Кирилл Николаевич	0	2,5	0	1,5	0	1	0	6	0	0	0	0	11		
3	Та Куанг Йен	0	3	0	0,5	0	2	0	0	0	0	0	0	5,5		
Новгородский государственный университет им. Ярослава Мудрого (Нов.ГУ)																
1	Суханова Нина Алексеевна	0	0	0	0,5	0	0,5	0	0	0	0	0	0	1	25,2	13
2	Сначева Александра Андреевна	0	1	0	0,2	0	2	0	6	0	1	0	0	10,2		
3	Кузнецов Максим Юрьевич	0	2	0	0	0	0	6	6	0	0	0	0	14		
СПбГУТ им. проф. Бонч-Бруевича (ГУТ)																
1	Беляев Дмитрий Сергеевич	0	0	0	0	6	0	0	0	0	0	0	0	6	23	14
2	Динь Ционг Зюц	0	0	0	0	3	2	0	0	0	0	0	0	5		
3	Нгуен Конг Зань	0	0	0	0	0	6	0	6	0	0	0	0	12		
Государственная морская академия им. адм. С.О. Макарова (ГМА)																
1	Галиев Глеб Андреевич	0	0	0	0	0	3	0	6	0	0	0	0	9	18	15
2	Подобед Алексей Петрович	0	1,5	0	0,5	1	0	0	0	0	0	0	0	3		
3	Рудюк Евгения Сергеевна	0	3	0	0	0	1	0	2	0	0	0	0	6		
Санкт-Петербургский государственный электротехнический университет (ЛЭТИ)																
1	Новожилов Дмитрий Александрович	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	12	16-17
2	Бабинов Никита Андреевич	0	0,5	0	0,5	3	6	0	0	1	0	0	0	11		
3	Олейник Андрей Леонидович	0	0	0	0,5	0	0,5	0	0	0	0	0	0	1		
СПбГУ экономики и финансов (СПбГУЭиФ)																
1	Правосуд Макар Александрович	0	0	0	3	0	0	6	0	0	2	0	1	12	12	16-17

Санкт-Петербургский государственный архитектурно-строительный университет (ГАСУ)																
1	Григорьева Анастасия Олеговна	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	11,5	18
2	Гущина Наталья Викторовна	0	0	0	3	0	1	0	0	0	0	0	0	4		
3	Жирнова Екатерина Александровна	0	0,5	0	0	0	0	5	2	0	0	0	0	7,5		
Санкт-Петербургский государственный университет кино и телевидения (КиТ)																
1	Крылов Михаил Михайлович	0	0	0	0,5	0	0	0	0	1	0	0	0	1,5	3,5	19
2	Лошкарева Евгения Михайловна	0	0	0	0	2	0	0	0	0	0	0	0	2		
3	Султанова Елизавета Игоревна	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0		
Военный институт (инженерно-технический) (ВИИТ)																
1	Баринов Антон Юрьевич	0	0	0	0	0	0,5	0	0	0	0	0	0	0,5	2	20
2	Ганиев Ильдар Марсович	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	1		
3	Гаврилов Павел Олегович	0	0	0	0	0	0,5	0	0	0	0	0	0	0,5		

**Ранжированный список участников студенческой олимпиады
Северо-Запада России по математике 2012 года.**

ФИО	ВУЗ	Вес задачи / номер задачи												Сумма баллов	Место
		3	3	3	3	6	6	6	6	6	9	9	9		
		1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12		
Капун Евгений Дмитриевич	ИТМО	3	3	0	3	6	6	6	6	9	0	1	9	52	1
Туманов Александр Германович	АФТУ	3	3	0	3	6	6	5	6	9	1	0	2	44	2
Аксенов Виталий Евгеньевич	ИТМО	3	3	0	3	4	6	6	6	0	9	0	1	41	3
Прохоров Андрей Олегович	СПбГУ Физ	0	3	0	1	1	6	6	3	9	9	0	0	38	4
Кевер Михаил Еневич	ИТМО	3	2,5	0	2	0	6	6	6	0	3	9	0	37,5	5
Соколов Олег Владимирович	ИТМО	3	3	1	3	6	6	6	6	0	0,5	0	1	35,5	6
Васильев Артем Тарасович	ИТМО	3	3	0	3	6	6	6	6	0	0	0	2	35	7
Викулаев Павел Сергеевич	СПбГУ(Э)	1	3	0	2,8	0	6	6	6	9	0	0	0	33,8	8
Мейнстер Давид Львович	ИТМО	3	3	0	3	6	3	6	6	1	1	0	0	32	9-10
Краско Евгений Сергеевич	АФТУ	3	3	0	0	6	5	6	3	6	0	0	0	32	9-10
Баных Антон Геннадьевич	ИТМО	0	3	0	3	0	2	6	6	5	4,5	0	2	31,5	11
Чувашов Сергей Александрович	ИТМО	3	3	3	3	0	6	6	6	0	0	0	1	31	12

Миронов Борис Дмитриевич	ПМПУ	0	3	1	0,5	6	6	6	6	0	0	0	2	30,5	13
Куок Тьонг Чан	МИФИ	0	3	0	3	6	6	6	6	0	0	0	0	30	14-16
Александров Юрий Аркадьевич	ИТМО	3	3	0	3	0	6	6	6	3	0	0	0	30	14-16
Лукьянец Евгений Александрович	ИТМО	0	3	0	3	6	6	6	6	0	0	0	0	30	14-16
Фадеев Евгений Сергеевич	СПбГУ(Э)	3	2,5	0	3	0	6	6	6	0	0	0	2	28,5	17
Иванов Антон Константинович	АФТУ	2,5	2,5	1	3	6	6	0	6	1	0	0	0	28	18
Байдаров Андрей Анатольевич	ИТМО	3	3	0	3	0	6	6	6	0	0	0	0	27	19
Гальпер Даниэль Александрович	ИТМО	3	3	0	1,5	0	6	6	6	0	0	0	0	25,5	20
Зайцев Константин Вячеславович	ИТМО	0	3	0	3	1	6	6	6	0	0	0	0	25	21-22
Рядовкин Кирилл Сергеевич	СПбГУ Физ	3	3	0	1	4	6	2	6	0	0	0	0	25	21-22
Демин Андрей Васильевич	ИТМО	3	3	0	0	0,5	6	6	6	0	0	0	0	24,5	23
Шубин Николай Михайлович	МИЭТ	0	2,5	3	0,5	0	6	6	6	0	0	0	0	24	24
Куликов Анатолий Борисович	СПбГУ Физ	3	0	0	2,8	6	6	0	6	0	0	0	0	23,8	25
Демидов Иван Викторович	ТИ	0	2,5	0	0	6	4	6	2	0	1	2	0	23,5	26
Авдеев Иван Дмитриевич	ГПУ	3	1,5	0	0	0	6	6	6	0	0	0	0	22,5	27
Морозков Алексей Андреевич	ИТМО	0	3	0	0	0	6	6	6	0	0	0	0	21	28-28
Волошин Михаил Витальевич	ПМПУ	0	3	0	0	6	6	0	6	0	0	0	0	21	28-29
Светличный Леонид Игоревич	МИФИ	0	0	0	0	0	6	6	4	4	0	0	0	20	30-31
Кузнецов Михаил Валерьевич	ИТМО	0	0	0	0	0	2	6	6	0	2	4	0	20	30-31
Бабушкин Максим Владимирович	ИТМО	0	3	0	0,5	0	0	3	0	9	0	4	0	19,5	32
Сахно Дмитрий Игоревич	ВКА	0	3	0	3	4	0	0	6	0	3	0	0	19	33
Павутницкий Федор Юрьевич	ИТМО	0	2,5	0	2	6	0	6	0	0	0	0	0	16,5	34-36
Мелихов Иван Федорович	ИТМО	1	1,5	0	0,5	3	0,5	4	6	0	0	0	0	16,5	34-36
Свиткин Максим Маркович	ГПУ	3	0	0	0,5	0	6	0	6	0	1	0	0	16,5	34-36
Вавулин Дмитрий Николаевич	ИТМО	0	0,5	0	0,5	6	3	0	6	0	0	0	0	16	37
Чиркин Артем Михайлович	ИТМО	0	2,5	0	1	1	1	0	0	1	9	0	0	15,5	38
Сахно Виктор Игоревич	ВКА	0	3	0	3	0	0	1	6	1	1	0	0	15	39
Егоров Александр Викторович	БГТУ	0	2	0	0,5	0	6	0	6	0	0	0	0	14,5	40

Ермолаев Владимир Павлович	ГМА	0	0	0	0	3	0	0	0	0	0	0	2	5	69-72
Динь Ционг Зюц	ГУТ	0	0	0	0	3	2	0	0	0	0	0	0	5	69-72
Балык Ольга Валерьевна	ТИ	0	0	0	1,5	1	0,5	0	2	0	0	0	0	5	69-72
Гущина Наталья Викторовна	ГАСУ	0	0	0	3	0	1	0	0	0	0	0	0	4	73-74
Шаяхмет Айбек Болатович	ВИИТ	0	3	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	4	73-74
Егорихин Никита Олегович	ТИ	0	0	0	0	3	0,5	0	0	0	0	0	0	3,5	75
Подобед Алексей Петрович	ГМА	0	1,5	0	0,5	1	0	0	0	0	0	0	0	3	76-80
Савчук Николай Викторович	ГМА	0	0	0	0	3	0	0	0	0	0	0	0	3	76-80
Донцу Роман Иванович	ВИИТ	0	0	0	0	3	0	0	0	0	0	0	0	3	76-80
Луамба Бартоломеу Эзекиель	ВМИИ	0	0	0	0	1	0	0	1	0	1	0	0	3	76-80
Нгуен Ван Хунг	ВМИИ	0	0	0	0	0	0	0	3	0	0	0	0	3	76-80
Лошкарева Евгения Михайловна	КиТ	0	0	0	0	2	0	0	0	0	0	0	0	2	81
Крылов Михаил Михайлович	КиТ	0	0	0	0,5	0	0	0	0	1	0	0	0	1,5	82
Ганиев Ильдар Марсович	ВИИТ	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	1	83-86
Олейник Андрей Леонидович	ЛЭТИ	0	0	0	0,5	0	0,5	0	0	0	0	0	0	1	83-86
Суханова Нина Алексеевна	НовГУ	0	0	0	0,5	0	0,5	0	0	0	0	0	0	1	83-86
Зайцев Александр Сергеевич	НовГУ	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	1	83-86
Баринев Антон Юрьевич	ВИИТ	0	0	0	0	0	0,5	0	0	0	0	0	0	0,5	87-89
Гаврилов Павел Олегович	ВИИТ	0	0	0	0	0	0,5	0	0	0	0	0	0	0,5	87-89
Тратканов Дмитрий Владимирович	ТИ	0	0	0	0,5	0	0	0	0	0	0	0	0	0,5	87-89
Омельченко Андрей Сергеевич	ВИИТ	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	90-96
Султанова Елизавета Игоревна	КиТ	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	90-96
Мамин Владислав Шамилович	ТИ	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	90-96
Новожилов Дмитрий Александрович	ЛЭТИ	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	90-96
Григорьева Анастасия Олеговна	ГАСУ	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	90-96
Прудников Иван Анатольевич	НовГУ	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	90-96

Дипломом первой степени награжден студент Е.Д. Капун, второй степени – студенты, занявшие 2 – 16 места, третьей степени – студенты, занявшие 17 – 33 места, поощрительными дипломами награждены М.Ю. Кузнецов (НовГУ) и М.А. Правосуд (СПбГУЭиФ).