

**Министерство образования и науки Российской Федерации  
Санкт-Петербургский национальный исследовательский  
университет информационных технологий,  
механики и оптики  
(Университет ИТМО)**

**Региональная студенческая  
математическая олимпиада  
Санкт-Петербурга  
2014 г.**



**Санкт-Петербург**

**2014**

В 2000-2014 гг. студенческая олимпиада г. Санкт-Петербурга по математике проводилась Санкт-Петербургским национальным исследовательским университетом информационных технологий, механики и оптики (до 2011 года носившем название Санкт-Петербургский государственный университет информационных технологий, механики и оптики, СПбГУ ИТМО). В 2014 году каждый вуз мог выставить на олимпиаду одну или две команды по 3 человека (в командный зачет входили все участники команды) и студентов в личный зачет. В личном зачете участвовали все заявленные студенты. Результат вуза в командном зачете определялся по результату лучшей из его команд (если их две).

Олимпиада проводилась в воскресенье 19 октября 2014 года. На решение задач отводилось 4 часа. Пользоваться печатными или электронными справочниками не разрешалось. Студентам всех групп было предложено 12 задач. Каждая задача оценивалась в 10 баллов.

Председателем жюри был профессор В.Д. Лукьянов. В оргкомитет олимпиады входили: ректор НИУ ИТМО чл.-корр. РАН Васильев В.Н., проф., д.ф.-м.н Попов И.Ю., доц., к.ф.-м.н. Фролов В.М., доц., к.т.н. Блинова И.В.

Составители: проф.: д.ф.-м.н. Широков Н.А., д.ф.-м.н. Лукьянов В.Д., д.ф.-м.н. Попов И.Ю.; доц.: к.ф.-м.н. Фролов В.М., к.ф.-м.н. Рыжков А.Е., к.ф.-м.н. Трифанова Е.С., к.т.н. Блинова И.В., к.ф.-м.н. Трифанов А.И.; ст. преп.: Родина Т.В., Петтай П.П.; асс. Попов А.И.

**Задачи студенческой математической олимпиады Санкт-Петербурга**  
**19 октября 2014 года**

1. Найти все положительные содержащие по 5 членов арифметические прогрессии с разностью 6, все члены которых являются простыми числами.

2. Найти все положительные решения системы

$$\begin{cases} x_1 + x_2 = x_3^2 \\ x_2 + x_3 = x_4^2 \\ x_3 + x_4 = x_5^2 \\ \dots\dots \\ x_{2012} + x_{2013} = x_{2014}^2 \\ x_{2013} + x_{2014} = x_1^2 \\ x_{2014} + x_1 = x_2^2 \end{cases} \quad (x_k > 0, \forall k)$$

3. Найти все непрерывно-дифференцируемые функции  $u(x, y, z, t)$  такие, что

$$\left(\frac{\partial u}{\partial x}\right)^2 + \left(\frac{\partial u}{\partial y}\right)^2 + \left(\frac{\partial u}{\partial z}\right)^2 + \left(\frac{\partial u}{\partial t}\right)^2 = \left(\frac{\partial u}{\partial x}\right)\left(\frac{\partial u}{\partial y} + \frac{\partial u}{\partial z} + \frac{\partial u}{\partial t}\right).$$

4. Луч, отражаясь от сторон треугольника  $ABC$ , движется по замкнутой траектории  $A_1B_1C_1$ ;  $A_1(0,0)$ ,  $B_1(0,3)$ ,  $C_1(4,0)$ . Найти координаты вершин треугольника  $ABC$ .

5. Решить уравнение  $y'(x) = y^2(x) \left(1 + \int_{\pi}^x \frac{dt}{y(t)}\right)$ ,  $y(\pi) = 1$ .

6. Пусть  $f(x)$ - локально интегрируемая на  $[0, +\infty)$  функция и  $\lim_{t \rightarrow +\infty} f(t) = 2014$ . Найти  $\lim_{\alpha \rightarrow +0} \alpha \int_0^{\infty} f(t) e^{-\alpha t} dt$ .

7. Полином  $P(x) = x^{2014} + x^{2013} + a_{2012}x^{2012} + \dots + a_1x + a_0$  с неотрицательными коэффициентами имеет 2014 вещественных корней  $x_1, x_2, \dots, x_{2014}$ .

Докажите, что функция  $Q(x) = x^{2014} - \cos(x/2014)$  удовлетворяет неравенству

$$Q(x_1 + 2x_2 + \dots + 2014x_{2014}) + x_1Q(-1) + x_2Q(-2) + \dots + x_{2014}Q(-2014) \leq 0$$

8. Исследуйте на сходимость ряд  $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{n^n}{p^n D_n}$  в зависимости от значений вещественного параметра  $p$ , где  $D_n$  - число перестановок  $n$ -элементного множества, не имеющих неподвижных точек.

9. Возможно ли разбить параллелепипед с основанием на плоскости  $xOy$  на конечное число тетраэдров, каждый из которых имеет грань, параллельную плоскости  $xOy$ ?

10. Пусть  $f : [0,1] \rightarrow \mathbb{R}$ . Определим  $f_1(x) = f(x)$ ,  $f_{n+1}(x) = x^{f_n(x)}$  для  $x \in (0,1]$ ,  $n = 1, 2, 3, \dots$ . Предположим, что для любого  $n$  предел  $\lim_{x \rightarrow +0} f_n(x)$  существует (конечный или бесконечный) и обозначим его за  $a_n$ . Показать, что  $a_n = 0$  для любого  $n \in \mathbb{N}$  или, начиная с некоторого номера  $n_0$ , последовательность имеет вид  $0, 1, 0, 1, 0, 1, \dots$

11.  $f : [0,1] \rightarrow [0,1]$  – непрерывная функция, удовлетворяющая условию.

$$\int_0^{f(x)} f(y) dy = f(f(x)) \text{ для любого } x \in [0,1]. \text{ Найти } f\left(f\left([0,1]\right)\right).$$

12. Расстояние между пунктами А и В 100 км. Постоянный ветер со скоростью 50 км/ч дует перпендикулярно отрезку АВ. Самолет Ан-2 с собственной скоростью 100 км/ч летит из А в В так, что в любой момент времени его нос (то есть вектор собственной скорости) направлен в точку В. Найти время перелета из А в В.

### Решения задач

1. Пусть  $p_1, p_2, p_3, p_4, p_5$  - искомая последовательность. Так как  $6 \equiv 1 \pmod{5}$ , то  $p_1 \pmod{5}, p_2 \pmod{5}, p_3 \pmod{5}, p_4 \pmod{5}, p_5 \pmod{5}$  состоит из всех остатков по  $\pmod{5}$ . Но  $p_i \pmod{5} = 0$  и  $p_i$  простое может быть только в случае  $p_i = 5$ . Таким образом, единственная искомая прогрессия  $5, 11, 17, 23, 29$ .

2. Пусть  $x_m$  - наименьшее, а  $x_M$  - наибольшее из чисел (возможно одно из наименьших и одно из наибольших).

Тогда из  $m-2$ -го уравнения имеем:

$$x_{m-2} + x_{m-1} = x_m^2 \Rightarrow 2x_m \leq x_m^2 \Rightarrow 2 \leq x_m \text{ (т.к. все } x_k > 0)$$

Из  $M-2$ -го уравнения:

$$x_{M-2} + x_{M-1} = x_M^2 \Rightarrow 2x_M \geq x_M^2 \Rightarrow 2 \geq x_M \text{ (т.к. все } x_k > 0).$$

Значит,  $2 \leq x_m \leq x_M \leq 2$ . Т.е. у системы единственное положительное решение:

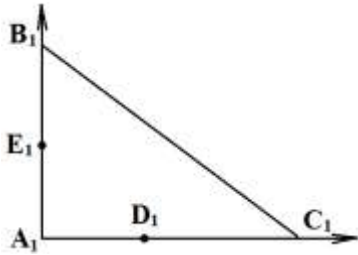
$$x_1 = x_2 = \dots = x_{2014} = 2.$$

3. Уравнение переписывается в виде

$$\frac{1}{4} \left( \frac{\partial u}{\partial x} \right)^2 + \left( \frac{1}{2} \frac{\partial u}{\partial x} - \frac{\partial u}{\partial y} \right)^2 + \left( \frac{1}{2} \frac{\partial u}{\partial x} - \frac{\partial u}{\partial z} \right)^2 + \left( \frac{1}{2} \frac{\partial u}{\partial x} - \frac{\partial u}{\partial t} \right)^2 = 0 \Rightarrow$$

$$\frac{\partial u}{\partial x} = \frac{\partial u}{\partial y} = \frac{\partial u}{\partial z} = \frac{\partial u}{\partial t} = 0 \Rightarrow u(x, y, z, t) = C = \text{const}.$$

4. Стороны  $\triangle ABC$  перпендикулярны биссектрисам  $\triangle A_1 B_1 C_1$ .



Биссектриса  $A_1$ :  $x - y = 0$ . Следовательно, уравнение стороны  $x + y = 0$ . Биссектриса  $B_1$  делит  $A_1 C_1$  в отношении  $|A_1 B_1| : |B_1 C_1| = 3 : 5$ , т.е. проходит через  $D_1(\frac{3}{2}, 0)$ .  $B_1 D_1$ :  $\frac{2x}{3} + \frac{y}{3} = 1$

Перпендикуляр к нему:  $-\frac{x}{3} + \frac{2y}{3} = a$ . Из условия прохождения через  $B_1(0, 3)$ :  $a = 2$ , т.е. уравнение стороны  $-x + 2y - 6 = 0$ .

Биссектриса  $C_1$  делит  $A_1 B_1$  в отношении  $|A_1 C_1| : |B_1 C_1| = 4 : 5$ , т.е. проходит через  $E_1(0, \frac{4}{3})$ .  $C_1 E_1$ :  $\frac{x}{4} + \frac{3y}{4} = 1$ . Перпендикуляр:  $-\frac{3x}{4} + \frac{y}{4} = b$ . Из условия прохождения через  $C_1(4, 0)$ :  $b = -3$ . Т.е. уравнение стороны  $-3x + y + 12 = 0$ .

$$\begin{cases} x + y = 0 \\ -x + 2y = 6 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = -2 \\ y = 2 \end{cases},$$

$$\begin{cases} x + y = 0 \\ -3x + y = -12 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = 3 \\ y = -3 \end{cases},$$

$$\begin{cases} -x + 2y = 6 \\ -3x + y = -12 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = 6 \\ y = 6 \end{cases}$$

Ответ:  $(6, 6)$ ,  $(3, -3)$ ,  $(-2, 2)$ .

5. Пусть  $z(x) = \int_{\pi}^x \frac{dt}{y(t)}$ . Тогда  $z'(x) = \frac{1}{y(x)}$ ,  $z(\pi) = 0$ ,  $z'(\pi) = 1$ ,

$z''(x) = -\frac{y'(x)}{y^2(x)}$ . Исходное уравнение сводится к  $z'' + z = -1$ ,  $z(\pi) = 0$ ,

$z'(\pi) = 1$ . Его решение

$$z(x) = -1 - \cos x - \sin x, \quad y(x) = (z'(x))^{-1} = (\sin x - \cos x)^{-1}.$$

Ответ:  $y(x) = (\sin x - \cos x)^{-1}$ .

6. Ответ: 2014. Если  $f(t) \equiv 2014$ , ответ очевиден. Следовательно, достаточно рассмотреть  $f(t) = 2014 + g(t)$ ,  $\lim_{t \rightarrow +\infty} g(t) = 0$ , и доказать, что искомый предел для функции  $g(t)$  равен нулю. Фиксируем  $\varepsilon, \varepsilon > 0$ . Выберем  $M > 0$  так, что  $|g(t)| < \frac{\varepsilon}{2}$  для  $t > M$ . Имеем

$$\left| \alpha \int_0^{\infty} g(t) e^{-\alpha t} dt \right| \leq \left| \alpha \int_0^M g(t) e^{-\alpha t} dt \right| + \left| \alpha \int_M^{\infty} g(t) e^{-\alpha t} dt \right| \leq \alpha \int_0^M |g(t)| dt + \frac{\varepsilon}{2} \left| \alpha \int_M^{\infty} e^{-\alpha t} dt \right| < \frac{\varepsilon}{2} + \frac{\varepsilon}{2} = \varepsilon$$

для  $\alpha < \frac{\varepsilon}{2} \left( \int_0^M |g(t)| dt \right)^{-1}$ . Это означает, что соответствующий предел равен нулю.

7. Из неотрицательности коэффициентов следует неположительность всех корней полинома  $P(x)$ . Согласно теореме Виета, сумма всех корней полинома  $P(x)$  равна коэффициенту перед  $x^{2013}$ , взятому с обратным знаком, т.е.  $-1$ . Обозначим через  $y_i$  корни полинома  $P(x)$ , умноженные на  $-1$ :  $y_i \equiv -x_i$ .

Тогда неравенство, которое мы хотим доказать, можно переписать в виде:  $Q((-1)y_1 + (-2)y_2 + \dots + (-2014)y_{2014}) \leq y_1 Q(-1) + y_2 Q(-2) + \dots + y_{2014} Q(-2014)$ , причем  $y_1, y_2, \dots, y_{2014} \geq 0$  и  $y_1 + y_2 + \dots + y_{2014} = 1$ . Осталось заметить, что функция  $Q(x)$  является выпуклой вниз, по крайней мере, на отрезке  $[-2014; 2014]$ , следовательно, доказываемое неравенство эквивалентно неравенству Йенсена для выпуклой функции  $Q(x)$  в точках  $-1, -2, \dots, -2014$ .

8. Обозначим через  $D_n$  число перестановок, в которых каждый элемент меняет свой номер. Для вычисления  $D_n$  воспользуемся формулой «включений-исключений»: из числа всех перестановок вычтем число перестановок, в которых один элемент остаётся на своём месте (для каждого одного элемента), прибавим число перестановок, в которых два элемента остаются на своём месте (для каждой двух элементов), вычтем число перестановок, в которых три элемента остаются на своём месте (для каждой трёх элементов) и т.д. Получим:

$$D_n = \sum_{k=2}^n (-1)^k C_n^k (n-k)! \quad (\text{здесь } C_n^k \text{ - число способов выбрать те } k \text{ элементов,}$$

которые будут оставаться на своих местах,  $(n-k)!$  - число способов переставить остальные элементы).

$$\text{Преобразуем: } D_n = \sum_{k=2}^n (-1)^k C_n^k (n-k)! = \sum_{k=2}^n \frac{(-1)^k n!}{k!} = n! \sum_{k=2}^n \frac{(-1)^k}{k!}.$$

Далее воспользуемся признаком сходимости Даламбера для последовательности с общим членом  $c_n = \frac{n^n}{p^n D_n}$ :

$$\frac{c_{n+1}}{c_n} = \frac{p^n (n+1)^{n+1} n! \sum_{k=2}^n \frac{(-1)^k}{k!}}{p^{n+1} n^n (n+1)! \sum_{k=2}^{n+1} \frac{(-1)^k}{k!}} = \frac{1}{p} \left(1 + \frac{1}{n}\right)^n \frac{\sum_{k=2}^n \frac{(-1)^k}{k!}}{\sum_{k=2}^{n+1} \frac{(-1)^k}{k!}} \xrightarrow{n \rightarrow \infty} \frac{1}{p} e \frac{1/e}{1/e} = \frac{e}{p}.$$

Таким образом, ряд сходится при  $p > e$  и расходится при  $p < e$ . Случай  $p = e$  исследуем отдельно, для чего воспользуемся формулой Стирлинга:

$$n! \sim \sqrt{2\pi n} \left(\frac{n}{e}\right)^n :$$

$$c_n = \frac{n^n}{e^n D_n} = \frac{n^n}{e^n n! \sum_{k=2}^n \frac{(-1)^k}{k!}} \stackrel{n \rightarrow \infty}{\sim} \frac{n^n}{e^n \sqrt{2\pi n} \left(\frac{n}{e}\right)^n \frac{1}{e}} = \frac{e}{\sqrt{2\pi n}} > \frac{1}{n},$$

следовательно, ряд

расходится. Ответ: ряд сходится при  $p > e$  и расходится при  $p \leq e$ .

**9.** Ответ: нет.

Рассмотрим, как горизонтальная плоскость  $H_t = \{(x, y, z) : z = t\}$  пересекает параллелепипед  $P$  и тетраэдры  $T_i$ . Очевидно, что площадь сечения  $P \cap H_t$  постоянна на  $[0, h]$  ( $h$  - высота параллелепипеда). Для каждого из тетраэдров площадь  $H_t \cap T_i$  ведет себя следующим образом: вне некоторого интервала  $t \in (a_i, b_i)$  она равна нулю, а внутри него пропорциональна или  $(t - a_i)^2$ , или  $(t - b_i)^2$ . В любом случае внутри этого интервала (носителя функции) она строго выпукла вниз. Площадь  $P \cap H_t$  равна сумме площадей  $H_t \cap T_i$  для всех  $t$ , кроме конечного числа значений ( $a_i$  и  $b_i$ ). Выберем  $t$  внутри  $(0, h)$  не равным никаким  $a_i$  или  $b_i$ . Для такого  $t$  и в некоторой его окрестности площадь  $P \cap H_t$  должна быть, с одной стороны, постоянной, с другой стороны, строго выпуклой вниз функцией. Это противоречие доказывает утверждение.

**10.** 
$$f_{n+1}(x) = \exp(f_n(x) \ln x), \tag{1}$$

$$f_{n+2}(x) = \exp(\exp(f_n(x) \ln x) \ln x) = \exp(-\exp(f_n(x) \ln x) \exp(\ln x (-\ln x)))$$

Т.е. 
$$f_{n+2}(x) = \exp(-\exp(f_n(x) \ln x + \ln(-\ln x))) \tag{2}$$

Если  $a_n > 0$ , то из (1) следует, что  $a_{n+1} = 0$ , а из (2), что  $a_{n+2} = 1$ .

Пусть  $a_n$  не все нули. Тогда какое-то  $a_k$  положительно или отрицательно. Если  $a_k > 0$ , то  $a_{k+1} = 0$ ,  $a_{k+2} = 1$ . По индукции получаем  $a_{k+2n} = 1$ ,  $a_{k+2n+1} = 0$   $\forall n \in \mathbb{N}$ . Что и требовалось доказать.

Если  $a_k < 0$  для некоторого  $k$ , то по (1)  $a_{k+1} = \infty > 0$  и мы приходим к предыдущему случаю.

$$11. \quad \int_0^{f(x)} f(y) dy = f(f(x)) \quad (1)$$

1) Ясно, что  $f \equiv 1$  есть решение функционального уравнения (1). Тогда  $f(f([0,1])) = \{1\}$ .

2) Все функции, удовлетворяющие  $f \equiv 0$  на  $[0, \max\{f(y), y \in [0,1]\}]$  также решения, так как они дают нули в обеих частях (1). В этом случае  $f(f([0,1])) = \{0\}$ . Покажем, что других решений у уравнения (1) нет.

Пусть  $\exists c \in (0,1]$  такое, что  $f(c) = c$ . Взяв  $x = c$ , получим в (1) в правой части  $f(f(c)) = c$ , а в левой -  $\int_0^c f(y) dy$ . Так как  $0 \leq f(y) \leq 1$  для всех  $y$ , получим  $f(y) = 1$  для всех  $y \in [0, c]$ . Поэтому  $1 = f(c) = c$ . Значит,  $f \equiv 1$  на всем отрезке  $[0,1]$ .

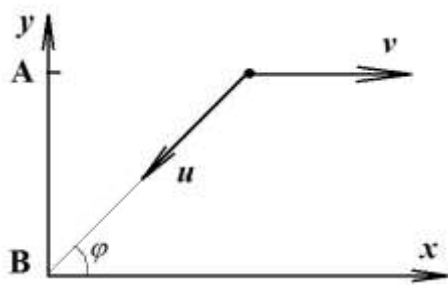
Пусть не существует  $c \in (0,1]$  такой, что  $f(c) = c$ . Тогда  $f(0) = 0$  (если  $f(0) > 0$ , то найдется пересечение  $y = f(x)$  и  $y = x$ , т.к.  $f(1) < 1$ ). По непрерывности  $f$ , получаем  $f([0,1]) = [0, c]$  для некоторого  $c$ . Если  $c = 0$ , то

$f \equiv 0$ . Если  $c > 0$ , то для любого  $z \in [0, c]$  имеем  $f(z) = \int_0^z f(y) dy$  (т.к.

$z = f(x)$  для некоторого  $x$ ). Правая часть равенства дифференцируема на  $(0, c)$ , поэтому найдем производные левой и правой частей и получим  $f'(z) = f(z)$  на  $(0, c)$ . Поэтому  $f(z) = Ae^z$ . Так как  $f(0) = 0$  и  $f$  непрерывна, имеем  $A = 0$  и  $f \equiv 0$  на  $[0, c]$ , значит,  $f(f([0,1])) = \{0\}$  по пункту (2).

## 12. Способ I





$$|AB| = S.$$

Пусть собственная скорость самолета  $u$ , ветра -  $v$ . Выберем систему координат, как показано на рисунке. Введем полярные координаты  $(r, \varphi)$ .

Найдем компоненты скорости самолета  $(U_r, U_\varphi)$ :

$$U_r = \frac{dr}{dt} = v \cos \varphi - u, \quad (1)$$

$$U_\varphi = r \frac{d\varphi}{dt} = -v \sin \varphi, \quad (2)$$

Продифференцируем второе равенство по  $t$ .

$$\frac{dr}{dt} \frac{d\varphi}{dt} + r \frac{d^2\varphi}{dt^2} = -v \cos \varphi \frac{d\varphi}{dt}.$$

Подставим  $\frac{dr}{dt}$  и  $r$ , найденные из исходной системы (1):

$$-\frac{v \sin \varphi}{\frac{d\varphi}{dt}} \frac{d^2\varphi}{dt^2} + 2 \frac{d\varphi}{dt} v \cos \varphi - u \frac{d\varphi}{dt} = 0, \quad \Leftrightarrow$$

$$-\frac{d^2\varphi}{\frac{d\varphi}{dt}} + 2 \frac{d\varphi}{dt} \operatorname{ctg} \varphi - \frac{u}{v \sin \varphi} \frac{d\varphi}{dt} = 0$$

Интегрируем уравнение по  $t$ :

$$-\ln \left| \varphi \frac{d\varphi}{dt} \right| + 2 \ln |\sin \varphi| - \frac{u}{v} \ln \left| \operatorname{tg} \frac{\varphi}{2} \right| = c, \quad \Leftrightarrow$$

$$\frac{d\varphi}{dt} \left( \operatorname{tg} \frac{\varphi}{2} \right)^{u/v} = c_1 \sin^2 \varphi.$$

При  $t=0$  имеем  $\varphi = \pi/2$ , при этом (2) дает  $\left. \frac{d\varphi}{dt} \right|_{t=0} = -\frac{v}{S}$ . Итак,

$$\frac{d\varphi}{dt} \left( \operatorname{tg} \frac{\varphi}{2} \right)^{u/v} = -\frac{v}{S} \sin^2 \varphi.$$

Пусть  $T$  - время перелета. Тогда из (2) получаем  $\varphi(T) = 0$  так как  $r(T) = 0$ .

Интегрируем уравнение от 0 до  $t=T$ :

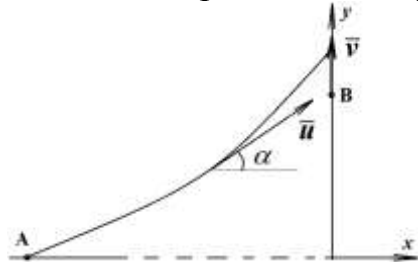
$$\int_{\frac{\pi}{2}}^0 \frac{\left( \operatorname{tg} \frac{\varphi}{2} \right)^{u/v}}{\sin^2 \varphi} d\varphi = -\frac{v}{S} T$$

Замена:  $\operatorname{tg} \frac{\varphi}{2} = z$ .  $\sin \varphi = \frac{2z}{1+z^2}$ ,  $d\varphi = \frac{2dz}{1+z^2}$ .

$$-\frac{2v}{S}T = \int_1^0 (1+z^2)z^{\frac{u}{v}-2} dz = \left( \frac{z^{\frac{u}{v}-1}}{\frac{u}{v}-1} + \frac{z^{\frac{u}{v}+1}}{\frac{u}{v}+1} \right) \Big|_1^0 = -\left( \frac{v}{u-v} + \frac{v}{u+v} \right) = -\frac{2uv}{u^2-v^2}$$

Итак,  $T = \frac{Su}{u^2-v^2} = \frac{100 \cdot 100 \text{ час}}{10000-2500} = \frac{4}{3} \text{ час} = 1 \text{ час } 20 \text{ мин.}$

Способ II (предложено студентом Иевлевым Е.А., СПбГУ(Физ.))



Перейдем в систему отсчета ветра. В этой системе точка  $B$  движется по прямой со скоростью  $v=50$  км/ч. Самолет преследует ее со скоростью  $u=100$  км/ч. Пусть  $\alpha$  - угол между направлением вектора  $u$  и ось  $Ox$  (см. рис.).  $S=AB$ ,  $L$  - расстояние, пройденное точкой  $B$  за время полета самолета  $T$ .

Тогда  $L=vT$  (1)  $L = \int_0^T u \sin \alpha(t) dt$  (2)

В системе отсчета самолета  $S = \int_0^T (u - v \sin \alpha) dt = uT - v \int_0^T \sin \alpha dt$  (3)

Подставляя (2) в (3), получим  $S = uT - \frac{v}{u}L$ .

Подставляя (1) в (4), находим  $S = \left(u - \frac{v^2}{u}\right)T$ . Значит,  $T = \frac{Su}{u^2-v^2} = \frac{4}{3}$  часа.

Количество участников, решивших задачи (определено по формуле: полная сумма набранных всеми участниками баллов за задачу, деленная на 10 (стоимость задачи)).

№ задачи	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
Кол-во решивших	59,3	24,7	12,2	51,9	8,1	13	7,6	7,4	5,6	2,5	8	3

### В олимпиаде приняли участие

Национальный исследовательский университет информационных технологий, механики и оптики (Университет ИТМО)

Санкт-Петербургский государственный университет: физический факультет (СПбГУ Ф), институт наук о Земле (СПбГУ З)

Российский государственный педагогический университет им. А.И.Герцена (РГПУ)

Санкт-Петербургский государственный политехнический университет (СПбГПУ)

Балтийский государственный технический университет "Военмех" им. Д.Ф. Устинова (БГТУ)

/Санкт-Петербургский государственный электротехнический университет "ЛЭТИ имени В.И.Ульянова (Ленина)"

Санкт-Петербургский государственный технологический институт (технический университет) (СПбГТИ)

Военно-космическая академия им. А. Ф. Можайского (ВКА)

Государственный университет морского и речного флота им. адм. С.О. Макарова (ГУМРФ)

Санкт-Петербургский государственный архитектурно-строительный университет (ГАСУ)

Национальный исследовательский университет «Высшая школа экономики» (ВШЭ)

Национальный минерально-сырьевой университет «Горный»

Военный институт (инженерно-технический) (ВИИТ)

Санкт-Петербургский государственный экономический университет (СПбГЭУ)

Военная академия связи имени С.М. Буденного (ВАС)

**Результаты в командном зачете:**

<b>I группа</b>	<b>II группа</b>	<b>III группа</b>
<b>1. ИТМО - 193/149</b> <b>2. СПбГУ (Ф)- 155/107</b> <b>3. СПбГПУ – 70/91</b> <b>4. РГПУ - 12</b>	<b>1. ЛЭТИ – 67</b> <b>2. СПбГТИ (ТУ) – 50/11</b> <b>3. ВКА – 44</b> <b>4. ГУМ РФ 19/38</b> <b>5. ГАСУ – 37</b> <b>6. БГТУ - 25/35</b> <b>7. ВШЭ – 23</b>	<b>1. СПбГЭУ – 59/0</b> <b>2. Горный – 51</b> <b>3. ВАС – 24/31</b> <b>4-5. ВИ(ИТ) – 26/27</b> <b>4-5. КИТ -27/0</b> <b>6. ФУПР – 10/1</b> <b>7. ВАМТО - 0</b>

**Результаты участников, вошедших в командный зачет**

**I группа**  
**ИТМО**

Короткевич Г.В.	69
Аксёнов В.Е.	62
Васильев А.Т.	62

**СПбГУ(Ф)**

Александров И.А.	21
Иевлев Е.А.	62
Куликов А.Б.	72

**СПбГПУ**

Серов Ю.М.	40
Егоров А.А.	20
Попов Н.П.	31

**РГПУ**

Кондратьев В.В.	12
-----------------	----

**II группа**

**ЛЭТИ**

Филатов Ан.Ю.	24
Филатов Ар.Ю.	43

**ТИ**

Камаев А.В.	15
Касаткина Е.В.	14
Торлопов И.И.	21

**ВКА**

Умаров А.Б.	18
Семченков Д.А.	24
Бельось В.С.	2

**ГУМРФ**

Галиев Г.А.	20
Соколов В.К.	18
Румянцев А.С.	0

**ГАСУ**

Жирнова Е.В.	5
Гусинский Д.В.	18
Краева А.Л.	14

**БГТУ**

Аверьянов С.Г	6
Кахраманов Й.Н	10
Едигарев А.Д.	19

**III группа**

**СПбГЭУ**

Туркин О.Ф	4
Костылева Е.А.	24
Смирнов К.П.	31

**Горный**

Хисматуллин Т.С.	12
Сайфуллин Р.И.	20
Гудошников А.В.	19

**ВАС**

Носов М.М	22
Лязгунов Д.А.	7
Колнооченко А.А.	2

**ВИ(ИТ)**

Донцу Р.И.	4
Поникаровский Е.А.	3
Стрельников Е.М.	20

**КиТ**

Семенов Г.А.	4
Стратоников А.А.	12
Цветкова Т.С.	11

## ВШЭ

Майоров Е.В.	7
Малыхин Н.И.	16

## ФУПР

Киселев С.Е.	0
Кузьмина Е.Л.	0
Селиванова В.В.	10

## ВАМТО

Афанасьев Э.Ю.	0
Крицких И.А.	0
Калягин Д.А.	0

## Личное первенство

## I группа

Участник	вуз	Кол-во баллов	Место в группе	Диплом
Куликов Анатолий Борисович	СПбГУ(Ф)	72	1	1 ст.
Короткевич Геннадий Владимирович	ИТМО	69	2	1 ст.
Проскурин Алексей Алексеевич	СПбПУ	65	3	2 ст.
Аксенов Виталий Евгеньевич	ИТМО	62	4-6	2 ст.
Васильев Артем Тарасович	ИТМО	62	4-6	2 ст.
Иевлев Евгений Альбертович	СПбГУ(Ф)	62	4-6	2 ст.
Чувашов Сергей Александрович	ИТМО	60	7	2 ст.
Исомуродов Жавлон Эркин угли	ИТМО	53	8-9	3 ст.
Штаркман Лев Владимирович	СПбГУ(Ф)	53	8-9	3 ст.
Латышев Алексей Сергеевич	ИТМО	52	10-11	3 ст.
Якутов Дмитрий Алексеевич	ИТМО	52	10-11	3 ст.
Белоногов Иван Константинович	ИТМО	49	12	3 ст.
Серов Юрий Михайлович	СПбПУ	40	13	3 ст.

## II группа

Участник	вуз	Кол-во баллов	Место в группе	Диплом
Филатов Артем Юрьевич	ЛЭТИ	43	1	1 ст.
Ковалева Полина Андреевна	ГАСУ	41	2	1 ст.
Симатов Дмитрий Сергеевич	БГТУ	32	3	2 ст.
Покрова Светлана Евгеньевна	СПбГУ(З)	25	4	3 ст.
Колюк Олеся Андреевна	СПбГУ(З)	24	5-8	3 ст.
Семченков Даниил Андреевич	ВКА	24	5-8	3 ст.

Ермолаева Юлия Владимировна	БГТУ	24	5-8	3 ст.
Филатов Антон Юрьевич	ЛЭТИ	24	5-8	3 ст.
Тихонова Анна Александровна	СПбГУ(З)	21	9-11	3 ст.
Торлопов Иван Игоревич	ТИ	21	9-11	3 ст.
Шишкин Игорь Александрович	ГУМРФ	21	9-11	3 ст.
Галиев Глеб Андреевич	ГУМРФ	20	12	3 ст.

### III группа

Участник	вуз	Кол-во баллов	Место в группе	Диплом
Смирнов Константин Павлович	СПбГЭУ	31	1-2	1 ст.
Соболева Софья Андреевна	СПбГЭУ	31	1-2	1 ст.
Костылева Елена Александровна	СПбГЭУ	24	3	2 ст.
Колосова Татьяна Владимировна	Горный	24	4-5	2 ст.
Гаврилов Павел Олегович	ВИИТ	23	4-5	2 ст.
Носов Максим Михайлович	ВАС	22	6	2 ст.
Стрельников Егор Михайлович	ВИИТ	20	7-8	2 ст.
Сайфуллин Ринат Ильфатович	Горный	20	7-8	2 ст.
Фаллер Егор Сергеевич	ВИИТ	12	9-11	3 ст.
Стратоников Антон Александрович	КиТ	12	9-11	3 ст.
Хисматуллин Тимур Салаватович	Горный	12	9-11	3 ст.
Цветкова Татьяна Сергеевна	КиТ	11	12-13	3 ст.
Доминич Артем Сергеевич	ВИИТ	11	12-13	3 ст.

## Ранжированный список участников студенческой математической олимпиады Санкт-Петербурга по математике 2014 года.

ФИО	ВУЗ	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	Сумма баллов	Место
Куликов Анатолий Борисович	СПбГУ(Ф)	10	10	10	10	2	10	0	8	0	2	10	0	72	1
Короткевич Геннадий Владимирович	ИТМО	10	10	0	10	0	10	10	6	3	0	10	0	69	2
Проскурин Алексей Алексеевич	СПбПУ	10	10	10	4	8	7	0	8	0	2	5	1	65	3
Иевлев Евгений Альбертович	СПбГУ(Ф)	2	0	8	10	10	10	0	0	0	10	2	10	62	4-6
Аксенов Виталий Евгеньевич	ИТМО	10	10	10	8	0	10	9	0	3	0	2	0	62	4-6
Васильев Артем Тарасович	ИТМО	9	10	0	10	0	10	9	10	0	0	4	0	62	4-6
Чувашов Сергей Александрович	ИТМО	10	10	10	10	10	0	10	0	0	0	0	0	60	7



Тихонова Анна Александровна	СПбГУ(3)	10	0	0	10	0	0	0	0	0	0	0	1	21	34-37
Торлопов Иван Игоревич	ТИ	10	8	0	2	1	0	0	0	0	0	0	0	21	34-37
Шишкин Игорь Александрович	ГУМРФ	10	0	0	10	0	0	0	0	0	0	0	1	21	34-37
Галиев Глеб Андреевич	ГУМРФ	10	0	0	1	7	0	0	0	1	0	0	1	20	38-41
Егоров Антон Александрович	СПбПУ	10	0	0	10	0	0	0	0	0	0	0	0	20	38-41
Сайфуллин Ринат Ильфатович	Горный	10	5	1	4	0	0	0	0	0	0	0	0	20	38-41
Стрельников Егор Михайлович	ВИИТ	8	0	0	10	0	2	0	0	0	0	0	0	20	38-41
Гудошников Алексей Владимирович	Горный	8	2	0	3	0	3	0	1	2	0	0	0	19	42-43
Едигарев Андрей Дмитриевич	БГТУ	7	3	0	4	0	3	0	0	2	0	0	0	19	42-43
Гусинский Дмитрий Валерьевич	ГАСУ	8	0	0	10	0	0	0	0	0	0	0	0	18	44-47
Семенов Вадим Павлович	ИТМО	9	0	0	9	0	0	0	0	0	0	0	0	18	44-47
Соколов Владислав Константинович	ГУМРФ	10	0	0	8	0	0	0	0	0	0	0	0	18	44-47
Умаров Александр Бахтиёрович	ВКА	10	3	0	2	1	0	0	1	0	0	1	0	18	44-47
Моденов Никандр Валентинович	ГУМРФ	10	3	0	4	0	0	0	0	0	0	0	0	17	48
Малыхин Никита Ильич	ВШЭ	9	3	1	2	0	0	0	0	0	0	1	0	16	49
Бондарев Петр Геннадьевич	ГУМРФ	10	0	0	0	0	5	0	0	0	0	0	0	15	50-53
Камаев Александр Васильевич	ТИ	10	3	0	2	0	0	0	0	0	0	0	0	15	50-53
Павельева Юлия Николаевна	СПбГУ(3)	10	0	0	2	0	3	0	0	0	0	0	0	15	50-53
Шошин Артур Романович	ГУМРФ	5	0	0	10	0	0	0	0	0	0	0	0	15	50-53
Касаткина Елена Викторовна	ТИ	10	1	1	2	0	0	0	0	0	0	0	0	14	54-56
Краева Анна Львовна	ГАСУ	0	3	0	4	0	7	0	0	0	0	0	0	14	54-56
Хахимов Андрей Айратович	БГТУ	0	0	0	3	5	3	0	0	2	0	0	1	14	54-56
Бакусов Павел Анатольевич	ГАСУ	10	0	0	2	0	0	0	0	1	0	0	0	13	57-58
Коноров Максим Игоревич	ГУМРФ	10	0	0	3	0	0	0	0	0	0	0	0	13	57-58
Кондратьев Владимир Владимирович	РГПУ	10	2	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	12	59-63
Лобач Артем Владимирович	БГТУ	0	0	8	3	0	0	0	0	0	0	0	1	12	59-63
Стратоников Антон Алексан-	КИТ	3	0	0	2	0	0	0	0	1	3	2	1	12	59-63

Фаллер Егор Сергеевич	ВИИТ	10	0	0	2	0	0	0	0	0	0	0	0	12	59-63
Хисматуллин Тимур Салаватович	Горный	10	0	0	2	0	0	0	0	0	0	0	0	12	59-63
Доминич Артем Сергеевич	ВИИТ	0	0	0	10	0	0	0	0	0	0	0	1	11	64-67
Конаныхин Роман Андреевич	СПбПУ	0	0	0	8	0	2	0	0	0	0	0	1	11	64-67
Мельянец Екатерина Владимировна	ТИ	9	0	0	2	0	0	0	0	0	0	0	0	11	64-67
Цветкова Татьяна Сергеевна	КИТ	0	0	0	10	0	0	0	1	0	0	0	0	11	64-67
Габидуллин Ильнар Камилевич	БГТУ	0	0	0	10	0	0	0	0	0	0	0	0	10	68-75
Зеленкевич Виктория Вячеславовна	ВАС	8	0	0	0	0	1	0	0	1	0	0	0	10	68-75
Кахраманов Йулдаш Нариман утлы	БГТУ	3	0	0	2	5	0	0	0	0	0	0	0	10	68-75
Куличков Дмитрий Геннадьевич	ВИИТ	0	0	0	8	0	2	0	0	0	0	0	0	10	68-75
Панков Максим Владимирович	ВИИТ	0	0	0	10	0	0	0	0	0	0	0	0	10	68-75
Селиванова Виктория Владимировна	ФУПР	10	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	10	68-75
Шумков Алексей Анатольевич	ВАС	6	0	0	2	0	0	0	0	1	1	0	0	10	68-75
Петров Кирилл Алексеевич	ВИИТ	10	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	10	68-75
Лязгунов Данила Андреевич	ВАС	3	0	0	2	0	0	0	0	0	2	0	0	7	76-78
Майоров Евгений Валерьевич	ВШЭ	0	0	1	0	0	0	3	0	0	1	2	0	7	76-78
Шашкова Анна Александровна	БГТУ	3	0	0	4	0	0	0	0	0	0	0	0	7	76-78
Аверьянов Сергей Игоревич	БГТУ	4	0	0	2	0	0	0	0	0	0	0	0	6	79-81
Боднарюк Тимофей Витальевич	БГТУ	0	3	0	2	0	0	0	0	1	0	0	0	6	79-81
Воронина Анастасия Андреевна	ГУМРФ	6	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	6	79-81
Гулыга Владимир Дмитриевич	ВИИТ	0	1	0	4	0	0	0	0	0	0	0	0	5	82-83
Жирнова Екатерина Александровна	ГАСУ	1	3	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	5	82-83
Андреев Кирилл Игоревич	ВИИТ	0	1	0	3	0	0	0	0	0	0	0	0	4	84-90
Дейнега Никита Анатольевич	ГУМРФ	0	3	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	4	84-90
Донцу Роман	ВИИТ	0	0	0	2	0	0	0	1	1	0	0	0	4	84-90





